

## Controlli automatici e controllo dei processi

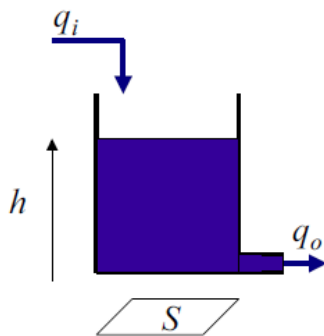
Docente: Davide M. Raimondo

Prova scritta: 01/03/2013

Durata: 3h

Cognome \_\_\_\_\_ Nome \_\_\_\_\_ Matricola \_\_\_\_\_

### Esercizio 1:



$h =$  livello

$S =$  area della sezione (costante)

$q_i =$  portata volumetrica d'ingresso

$k =$  area sezione efflusso

Dall'equazione di Bernoulli

$$q_o(t) = k \sqrt{2gh(t)}$$

Si consideri un serbatoio di sezione  $S=16\text{m}^2$ . La portata  $q_i$  è un ingresso del sistema mentre la portata di uscita  $q_o$  è funzione dell'equazione di Bernoulli, con  $k=2 \text{ m}^2$ . La vasca è dotata di un sensore che permette di misurare il livello d'acqua contenuta nella vasca ( $h$  è l'uscita del sistema).

- Si scriva il sistema in termini di equazioni di stato e di uscita.
- Si determini l'ordine  $n =$  \_\_\_\_\_ del sistema
- Il sistema è non lineare  SI  NO
- Il sistema è autonomo  SI  NO
- Il sistema è tempo invariante  SI  NO
- Il sistema è strettamente proprio  SI  NO
- Il sistema è SISO  SI  NO
- Si determini lo stato di equilibrio corrispondente all'ingresso costante  $q_i=2\text{m}^3/\text{s}$ .
- Si determini il sistema linearizzato attorno all'equilibrio ricavato al punto precedente. Scrivere il sistema linearizzato nella forma matriciale  $\delta\dot{x} = A\delta x + B\delta u$  e  $\delta y = C\delta x + D\delta u$ .
- Si determinino le matrici di raggiungibilità ed osservabilità del sistema. Il sistema è completamente raggiungibile? E' completamente osservabile? Motivare la risposta.

- k. Studiare la stabilità interna del sistema linearizzato (suggerimento: è legata alla matrice A).
- l. Si determini la funzione di trasferimento  $G(s)$  del sistema linearizzato
- m. Si traccino i diagrammi di Bode della  $G(s)$
- n. Studiare la stabilità esterna del sistema.

Esercizio 2:

Data la seguente funzione di trasferimento

$$\frac{1}{3s^2 + 2s + 4}$$

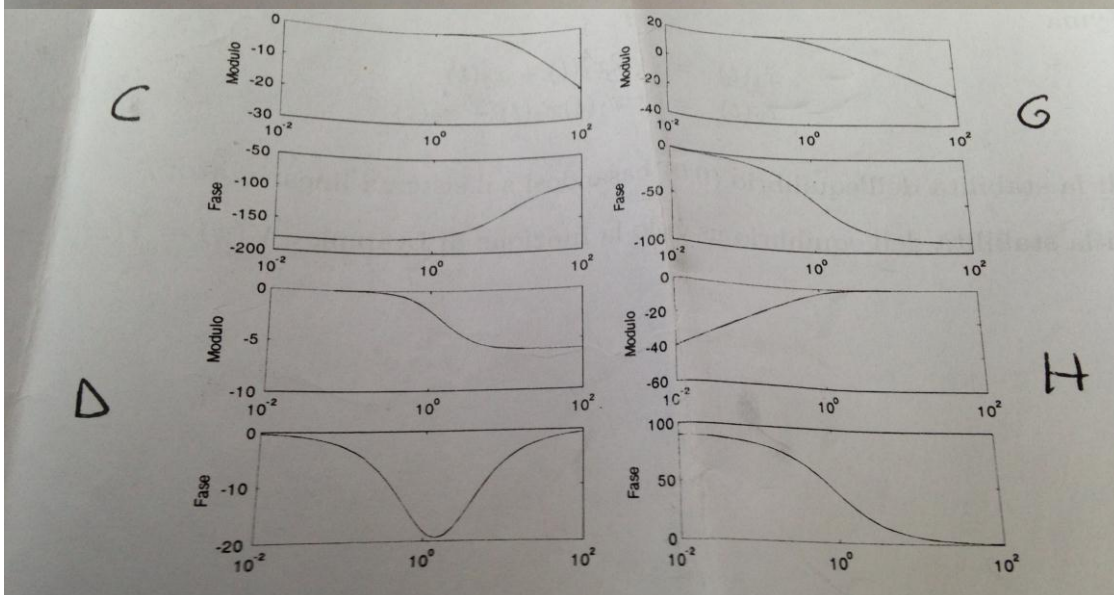
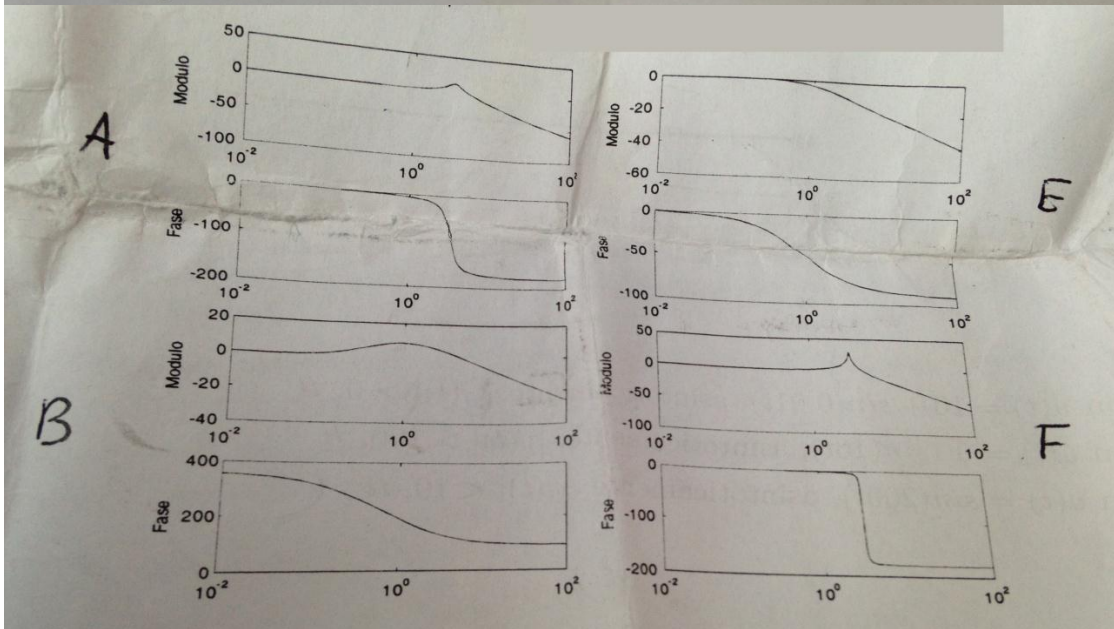
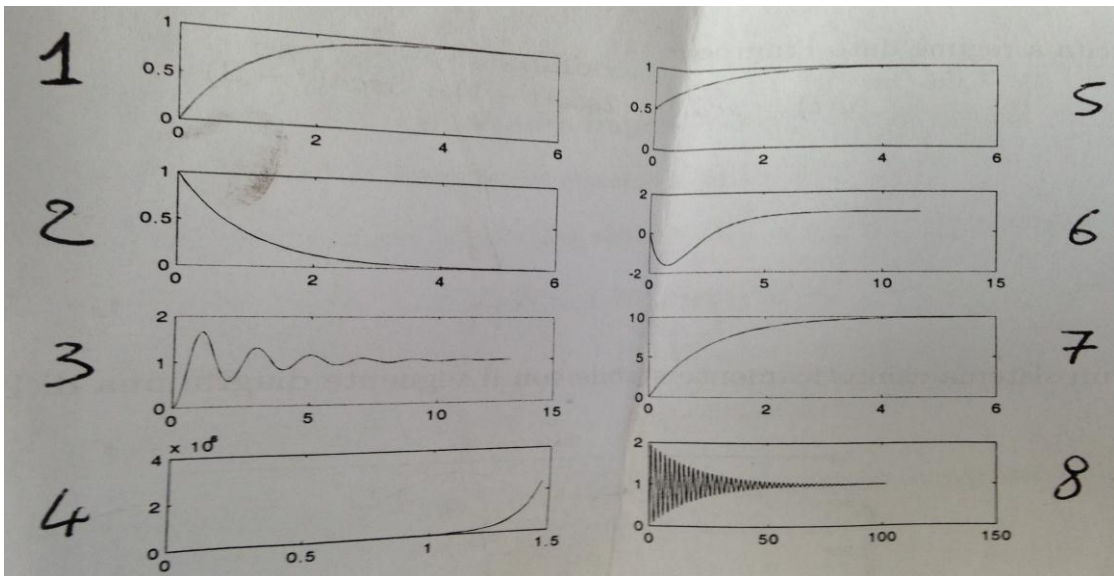
si calcoli l'uscita a regime per un ingresso

$$u_1(t) = 3\sin(4t) + 0.5\cos(4t)$$

*Facoltativo: calcolare l'uscita a regime per un ingresso*

$$u_{\text{tot}}(t) = u_1(t) + 3\text{imp}(t-3)$$

Esercizio 3: Si determini, motivando brevemente, la corrispondenza fra le risposte allo scalino unitario e i diagrammi di Bode riportati sotto.



#### Esercizio 4:

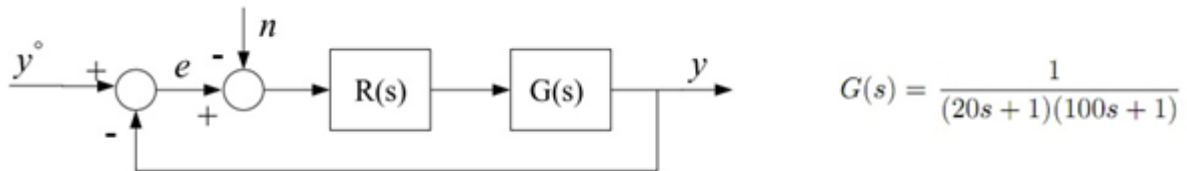
Sia data la seguente funzione di trasferimento

$$G(s) = \frac{1}{s^5 + 15s^4 + 85s^3 + 225s^2 + 24s + 120}$$

Determinare la stabilità del sistema utilizzando il criterio di Routh.

#### Esercizio 5:

Si consideri il sistema di controllo in figura:



Si determini la funzione di trasferimento del regolatore  $R(s)$  in modo che:

- l'errore a transitorio esaurito  $e_\infty$  verifichi  $|e_\infty| \leq 1$  quando  $y^o(t) = 10\text{sca}(t)$ ;
- il margine di fase  $\phi_m$  verifichi  $\phi_m \geq 75^\circ$ ;
- la banda passante del sistema di controllo sia maggiore o uguale a  $0.01 \text{ rad/s}$ .
- Un disturbo  $n(t) = \sin(\omega t)$ ,  $\omega \geq 0.2 \text{ rad/s}$  sia attenuato sull'uscita a regime di un fattore almeno pari a 25.
- Facoltativo:* Si modifichi la funzione di trasferimento del regolatore in modo che i punti a-d precedenti siano ancora soddisfatti ma che il margine di fase sia maggiore di  $75^\circ$  anche in presenza di un ritardo di tempo che modifica la  $G(s)$  come segue

$$G(s) = 10 \frac{e^{-5s}}{(20s + 1)(100s + 1)}$$

### Esercizio 6:

Dire se le seguenti affermazioni sono vere o false. Punteggio: risposta esatta= 1, errore= -0.5, non risponde= 0.

V      F

(a) Si consideri un sistema di controllo con funzione di trasferimento d'anello  $L(s)$  e retroazione unitaria e negativa. Se  $|L(j\omega)| < 0.9, \forall \omega \geq 0$  allora il sistema di controllo è asintoticamente stabile.

(b) La connessione in serie di due sistemi LTI SISO asintoticamente stabili può essere instabile.

(c) Si assuma che la funzione di trasferimento  $G(s)$  sia asintoticamente stabile e verifichi  $G(j2) = 2e^{j\pi}$  e  $G(j5) = 3e^{-j\pi}$ . Allora, per  $t \rightarrow +\infty$ , la risposta a  $u(t) = -\sin(2t + \frac{\pi}{2}) + \sin(5t + \pi)$  converge alla funzione  $\tilde{y}(t) = -2\sin(2t + \frac{3}{2}\pi) + 3\sin(5t)$ .

(d) Il sistema LTI  $(A, B, C, D)$  con  $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$  e  $C = [ 1 \quad 0 ]$  è osservabile.

(e) Se la risposta all'impulso dell'uscita di un sistema LTI SISO è illimitata allora il sistema è instabile.

Se un equilibrio di un sistema LTI è asintoticamente stabile allora qualunque movimento di stato del sistema è asintoticamente stabile.

---