

Fondamenti di automatica

Linearizzazione di un sistema di controllo e requisiti di controllo

Prof. Giancarlo Ferrari Trecate

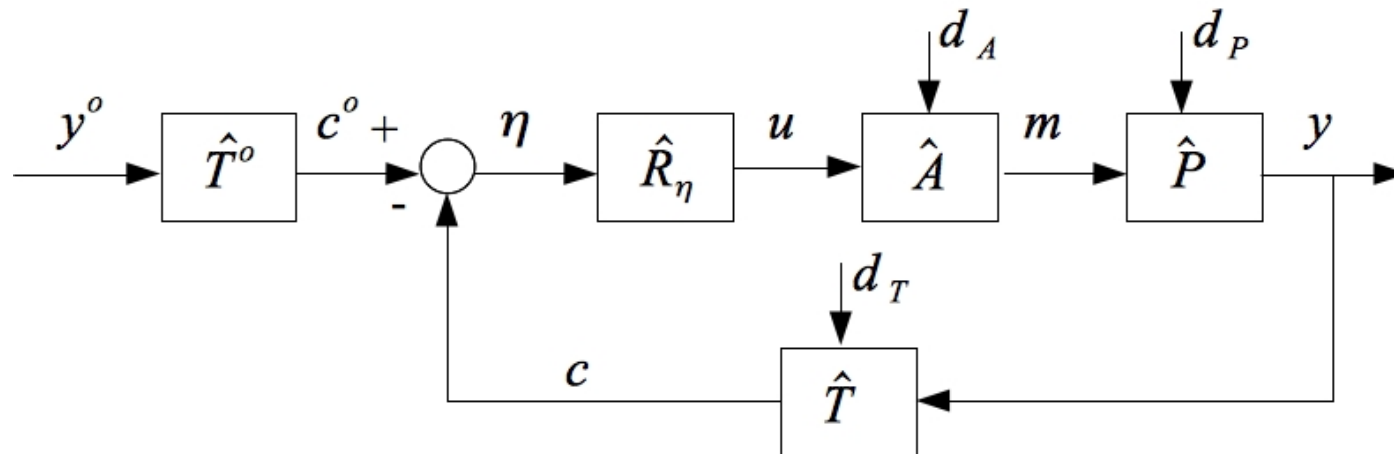
Dipartimento di Ingegneria Industriale e dell'Informazione

Università degli Studi di Pavia

`giancarlo.ferrari@unipv.it`

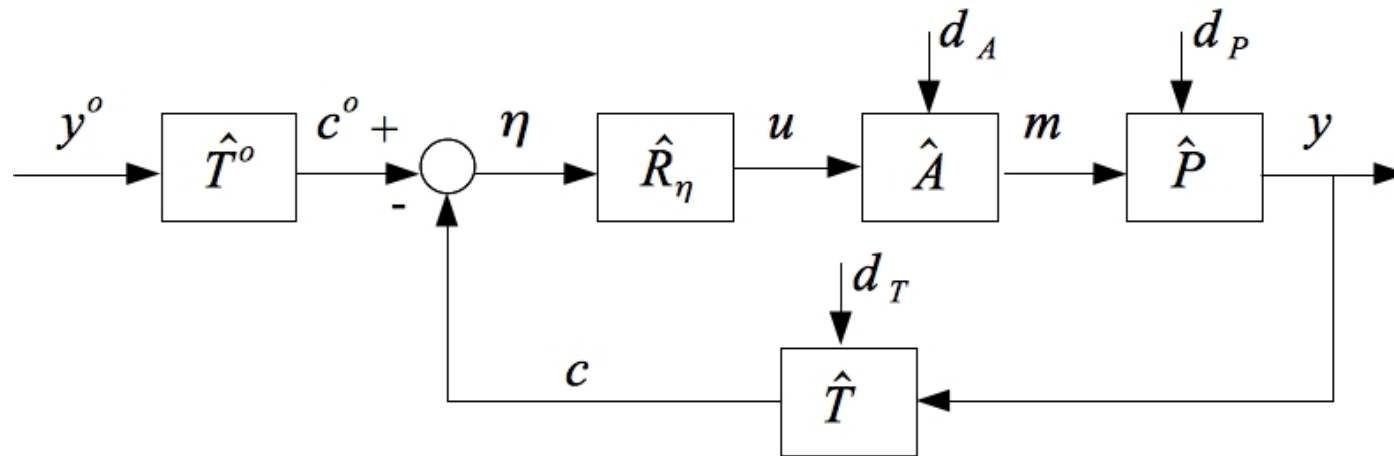


Schema di controllo feedback con strumentazione



Elementi	Variabili (scalari)	
\hat{P} : processo	Ingressi:	y^o : setpoint d_A d_P d_T : disturbi
\hat{T}^o \hat{T} : trasduttori		
\hat{R}_η : regolatore	Segnali interni	η : errore c : misura di y c^o : misura di y^o
\hat{A} : attuatore		u : variabile di controllo m : variabile manipolabile y : variabile controllata

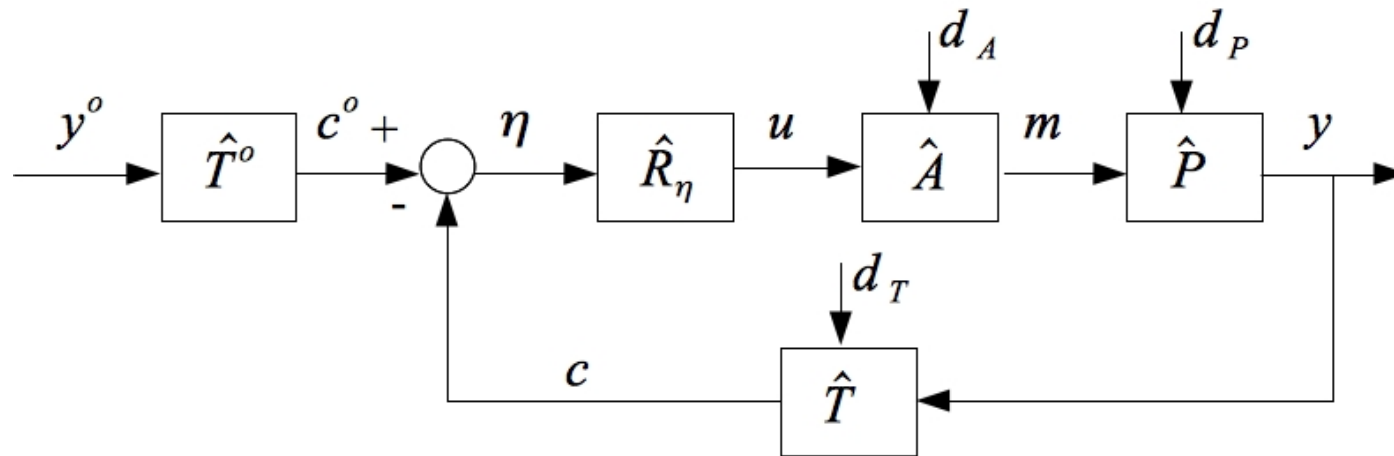
Schema di controllo feedback con strumentazione



Osservazioni:

- 1) lo scopo del regolatore è azzerare l'errore
- 2) se gli elementi sono sistemi nonlineari, non si può applicare la teoria sviluppata

Controllo nell'intorno di un punto di funzionamento nominale



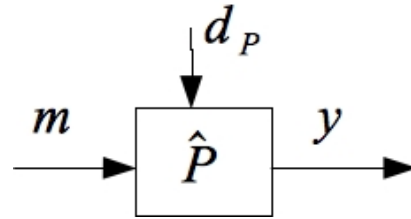
Ipotesi:

- ingressi costanti $y^o(t) = \bar{y}^o$, $d_A(t) = \bar{d}_A$, $d_P(t) = \bar{d}_P$, $d_T(t) = \bar{d}_T$
- il sistema complessivo ha un solo stato di equilibrio per gli ingressi dati (valori costanti delle variabili: \bar{c}^o , \bar{c} , $\bar{\eta}$, \bar{u} , \bar{m} , \bar{y})

(a)-(b) definiscono il punto di funzionamento nominale (PFN)

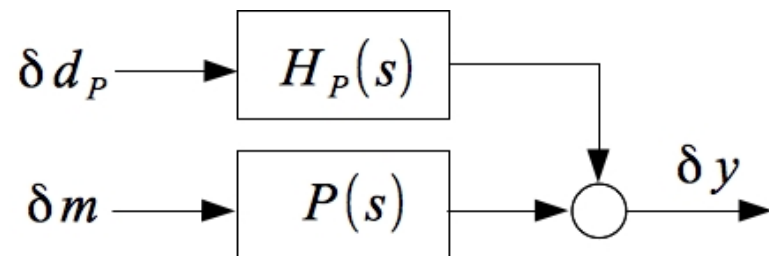
Quando il sistema lavora nell'intorno del PFN, il comportamento di ogni blocco è ben descritto dalla linearizzazione del blocco

Linearizzazione di un blocco



Variazioni:

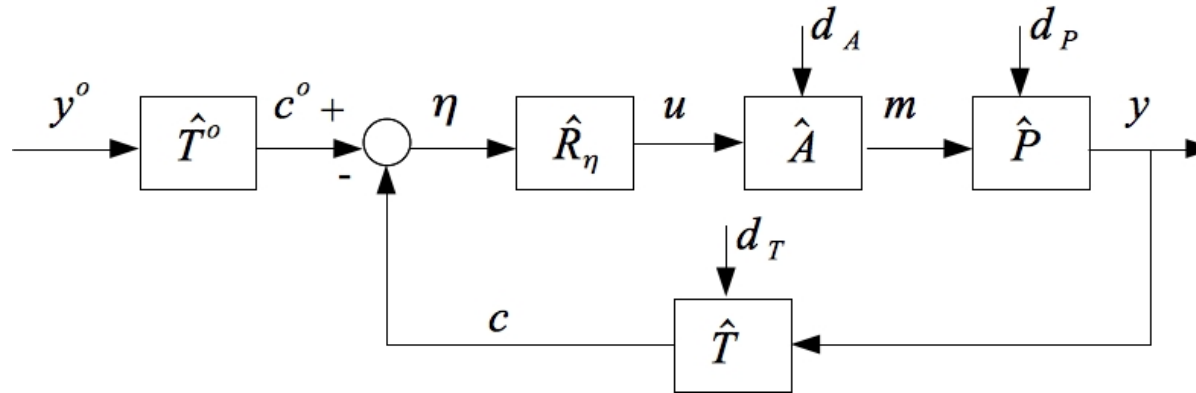
$$\delta m(t) = m(t) - \bar{m}, \delta y(t) = y(t) - \bar{y}, \delta d_p(t) = d_p(t) - \bar{d}_p$$



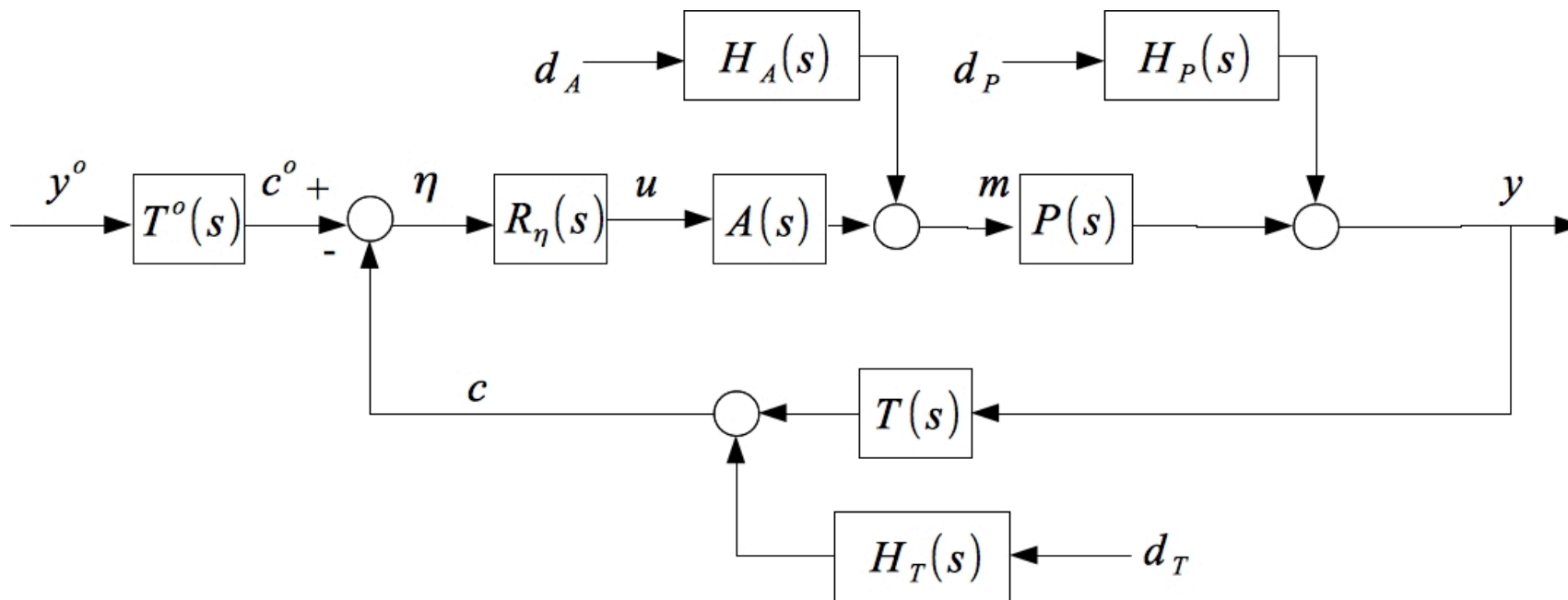
Linearizzazione attorno al PFN:

$$\delta y(s) = [P(s) \quad H_P(s)] \begin{bmatrix} \delta m(s) \\ \delta d_p(s) \end{bmatrix}$$

Controllo nell'intorno di un punto di funzionamento nominale



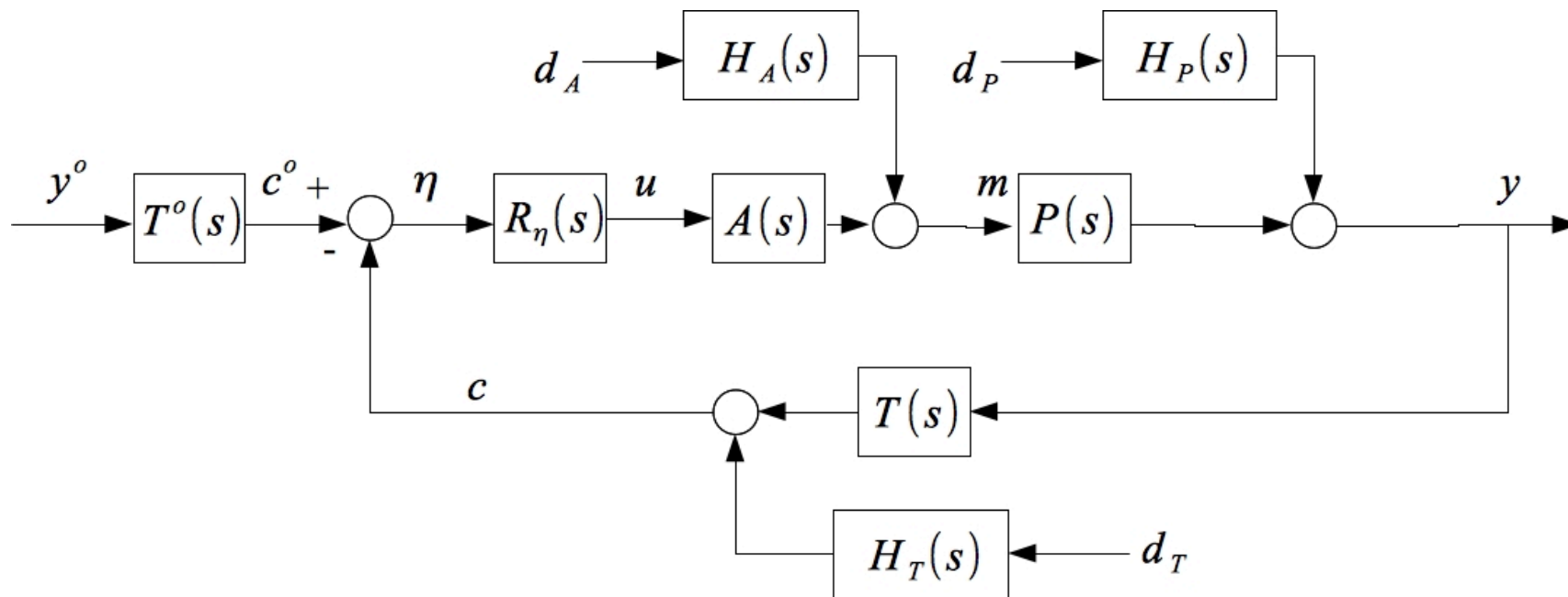
LINEARIZZAZIONE



Abuso di notazione: i segnali sono ora variazioni

Elaborazioni

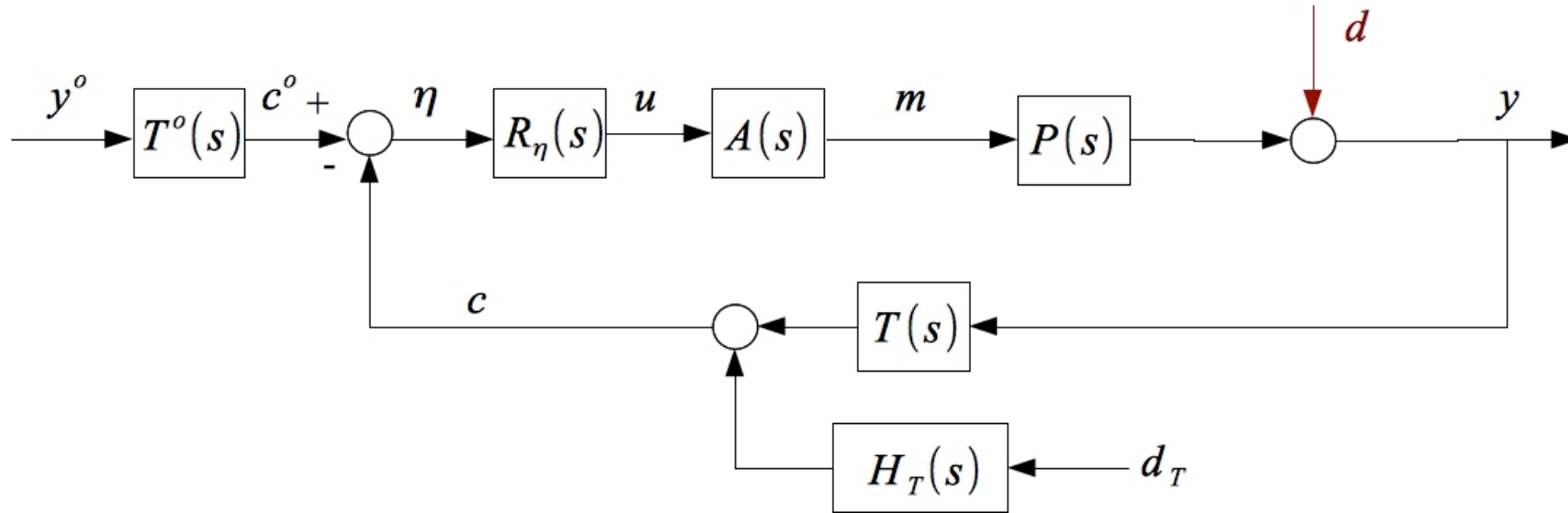
Obiettivo: semplificare lo schema di controllo tramite elaborazioni che non variano le relazioni tra ingressi e segnali y e u



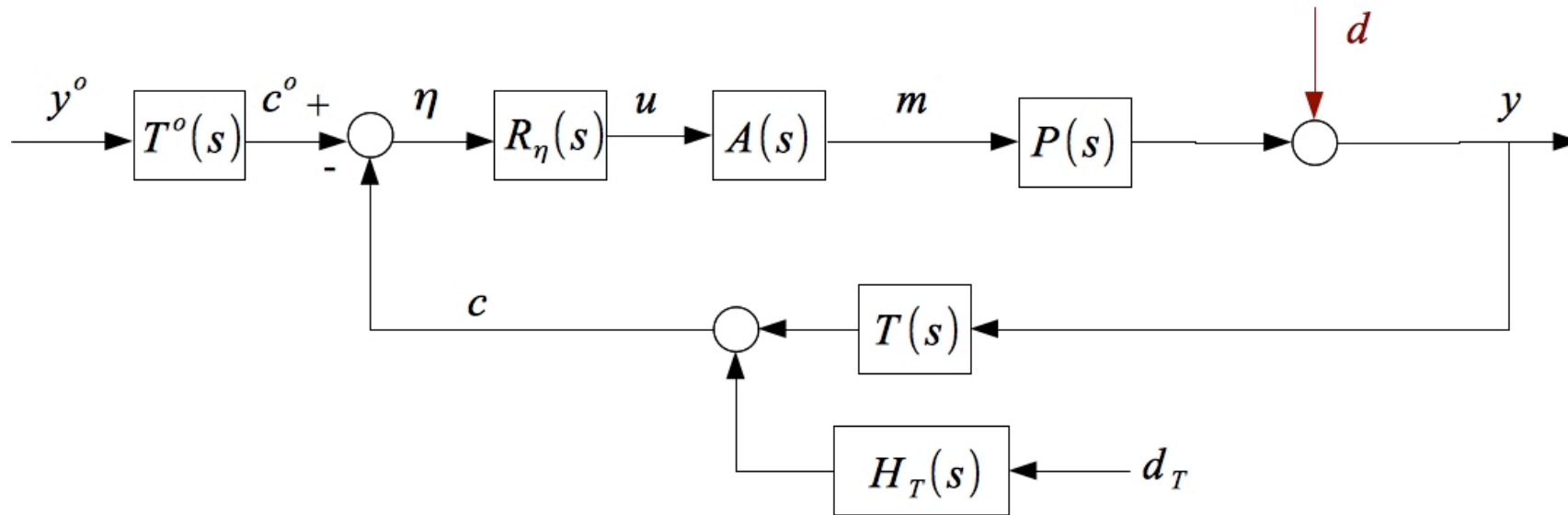
1) spostare d_A a valle di P e aggregare d_A e d_p in un unico disturbo equivalente d

$$d(s) = P(s)H_A(s)d_A(s) + H_P(s)d_p(s)$$

Elaborazioni



Elaborazioni

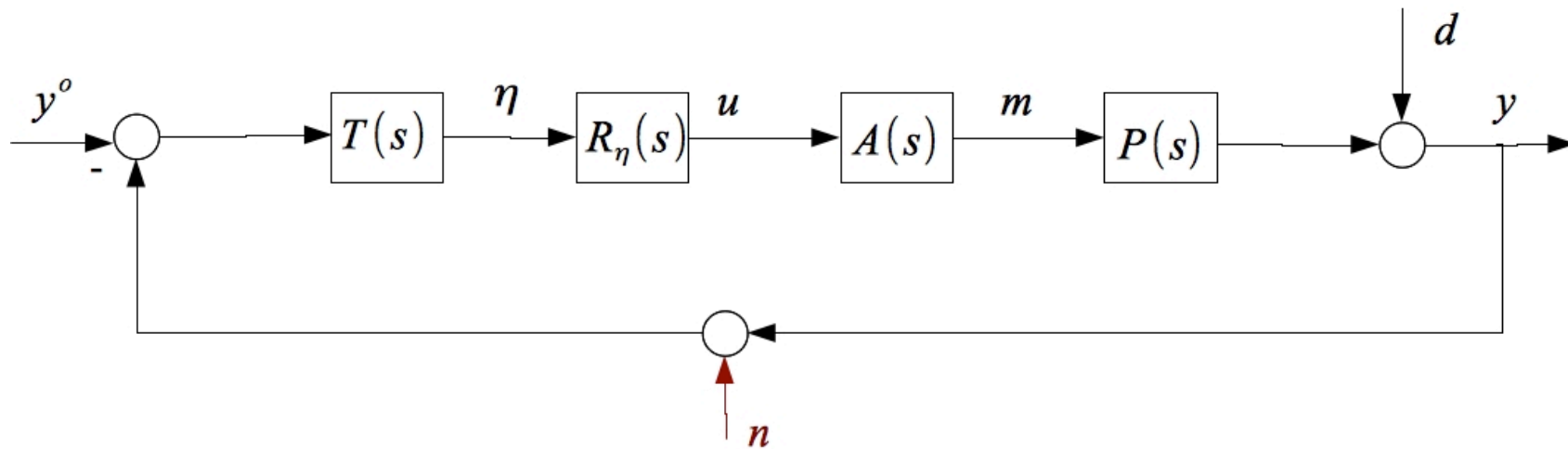


2) portare i trasduttori sulla linea di andata. Ipotesi (caso frequente): $T^o(s) = T(s)$

$$\begin{aligned} \eta(s) &= T(s)y^o(s) - T(s)y(s) - H_T(s)d_T(s) \\ &= T(s)(y^o(s) - y(s) - n(s)) \end{aligned}$$

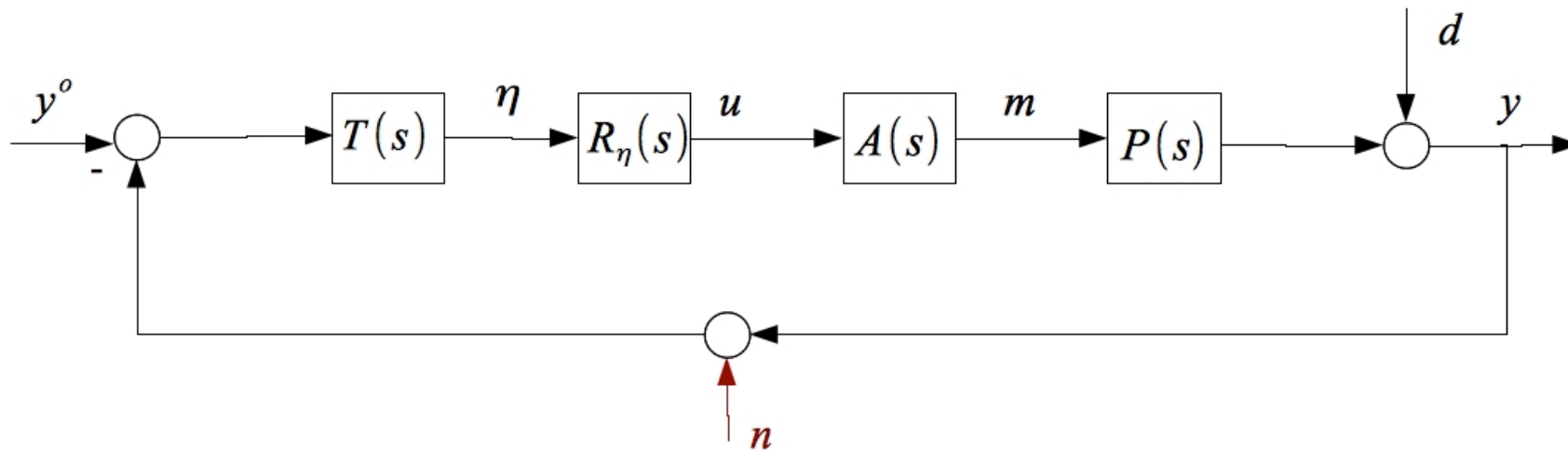
ove $n(s) = T^{-1}(s)H_T(s)d_T(s)$ e' un disturbo equivalente

Schema fondamentale



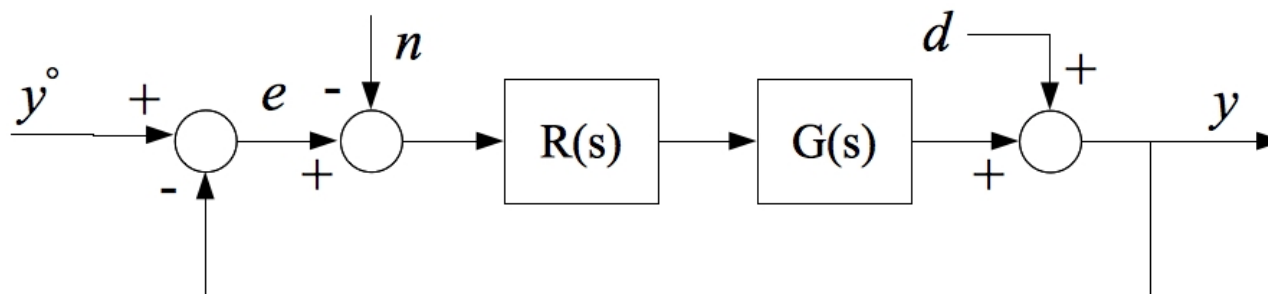
La fdt d'anello $L(s)$ e' la stessa dello schema precedente. Pertanto le proprieta' di stabilita' sono le stesse

Schema fondamentale



La fdt d'anello $L(s)$ e' la stessa dello schema precedente. Pertanto le proprieta' di stabilita' sono le stesse

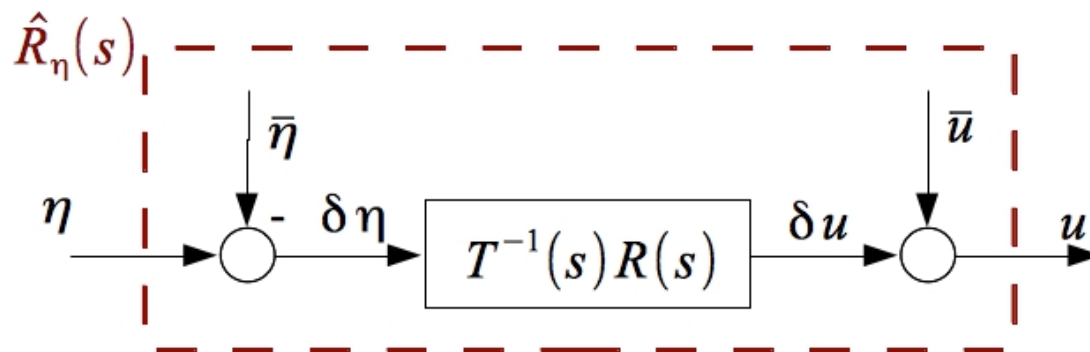
3) Definendo $R(s) = T(s)R_\eta(s)$, $G(s) = A(s)P(s)$ e spostando n sulla linea di andata si arriva allo **schema fondamentale**



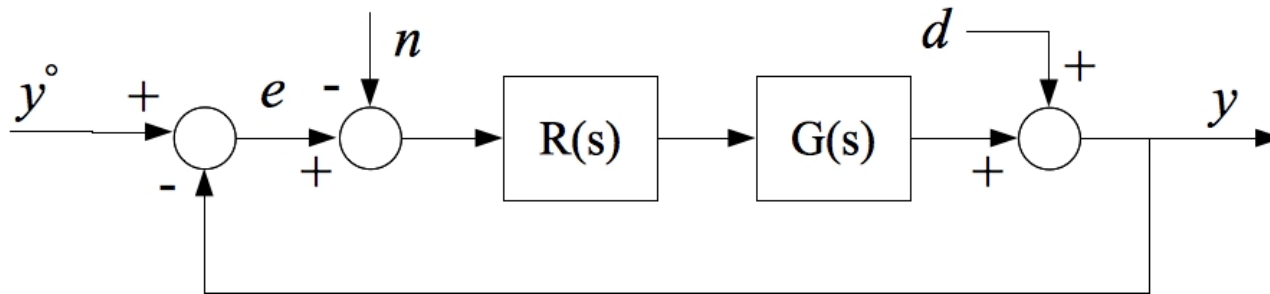
ove $e = y^o - y$ e' l'errore, $R(s)$ e' il regolatore e $G(s)$ e' il sistema sotto controllo

Implementazione del regolatore

Se si progetta $R(s)$ con riferimento allo schema fondamentale, nello schema iniziale $\hat{R}_\eta(s)$ si implementa nel modo seguente



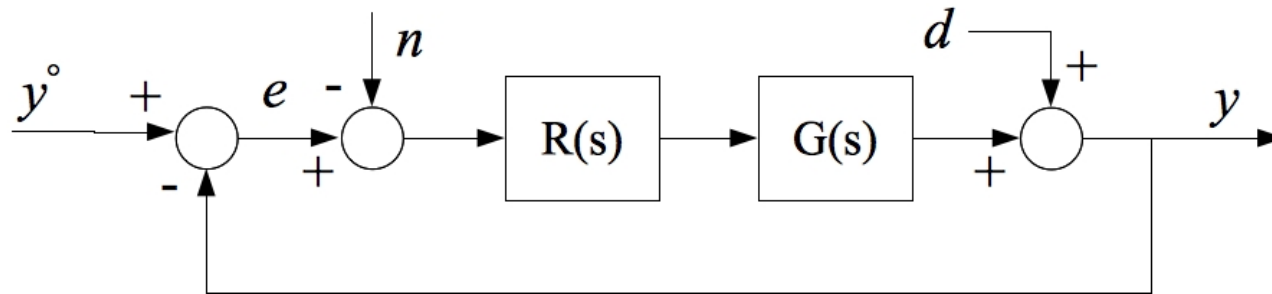
Requisiti di un sistema di controllo



Comportamento ideale: $y(t) = y^o(t), \forall t \geq 0$ e le fdt $d \rightarrow y$ e $n \rightarrow y$ sono nulle

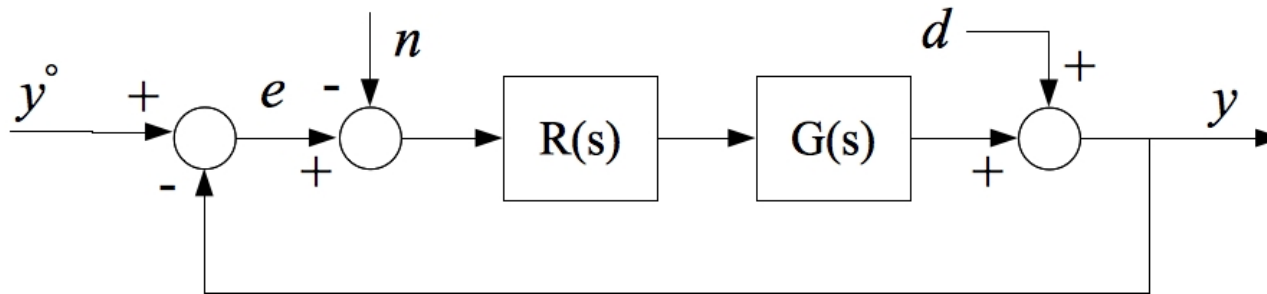
- Non e' realizzabile, in genere ! Si introducono quindi dei requisiti piu' deboli

Stabilita' asintotica



In condizioni nominali : se il sistema $y^0 \rightarrow y$ non fosse AS, y potrebbe divergere anche per ingressi limitati

Stabilita' asintotica



In condizioni nominali : se il sistema $y^o \rightarrow y$ non fosse AS, y potrebbe divergere anche per ingressi limitati

In condizioni perturbate

$G(s)$ e' un modello approssimato del sistema sotto controllo. Ragioni:

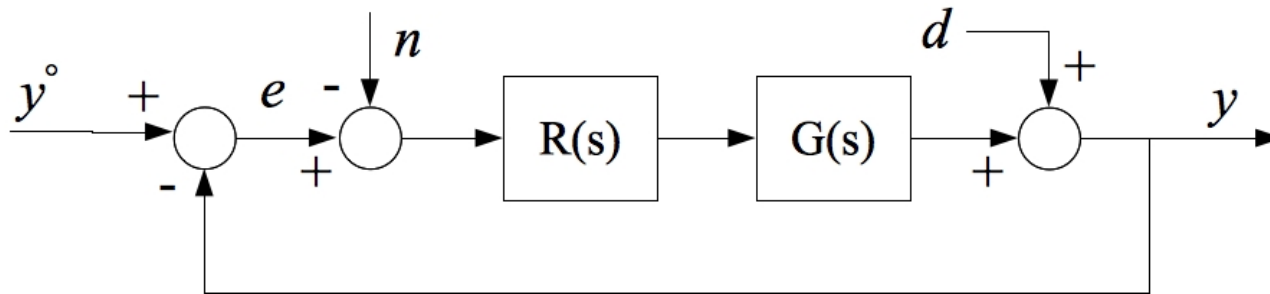
- $G(s)$ e' ottenuta tramite linearizzazione
- $G(s)$ e' ottenuta sotto ipotesi semplificative
- parametri che variano lentamente nel tempo sono considerati costanti

Stabilita' robusta= stabilita' asintotica anche in condizioni perturbate

(cioe' $G(s) \neq$ sistema vero)

- si deve specificare la classe di perturbazioni per cui si vuole stabilita' robusta

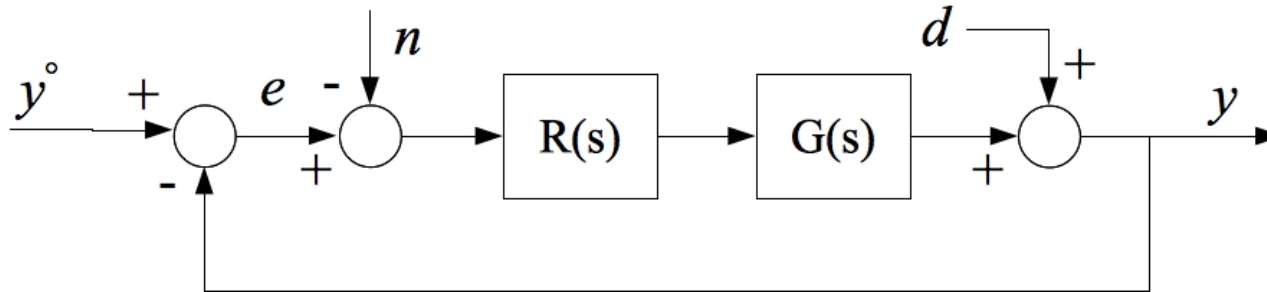
Prestazioni



Prestazioni statiche in condizioni nominali: si vuole che, a regime, $y^0 = y$ (oppure $|y - y^0|$ sia limitato) per particolari ingressi y^o , d e n

- **Esempi importanti:** segnali canonici e sinusoidali

Prestazioni

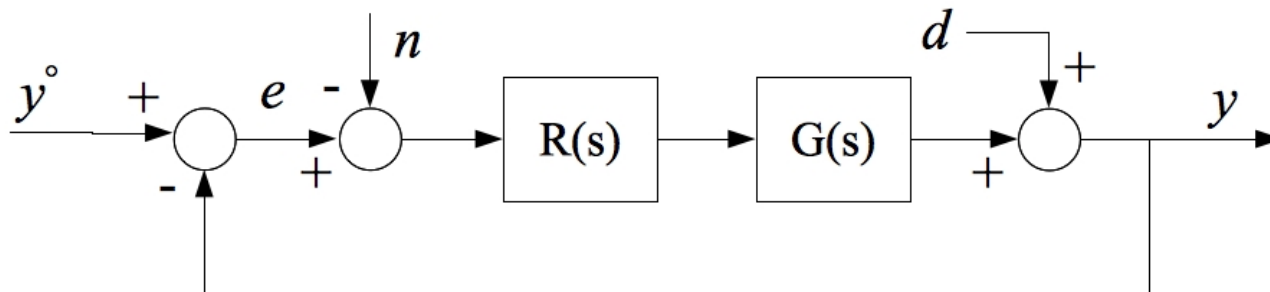


Prestazioni statiche in condizioni nominali: si vuole che, a regime, $y^0 = y$ (oppure $|y - y^0|$ sia limitato) per particolari ingressi y^o , d e n
- **Esempi importanti:** segnali canonici e sinusoidali

Prestazioni dinamiche in condizioni nominali: specifiche sul comportamento del sistema nel transitorio per particolari ingressi y , n e d (di solito scalini e sinusoidi)

- risposta a $y^o(t) = sca(t)$. Tipici indici di prestazione: T_a , T_s e $S\%$
- risposta a $d(t)$ e $n(t)$. Si vuole che variazioni di $y(t)$ siano "contenute"
- moderazione della variabile di controllo $u(t)$: evitare che $u(t)$ subisca brusche variazioni (danneggiamento degli attuatori) o assuma valori eccessivi (gli attuatori saturano o il sistema esce dalla regione di validità del modello linearizzato)

Prestazioni



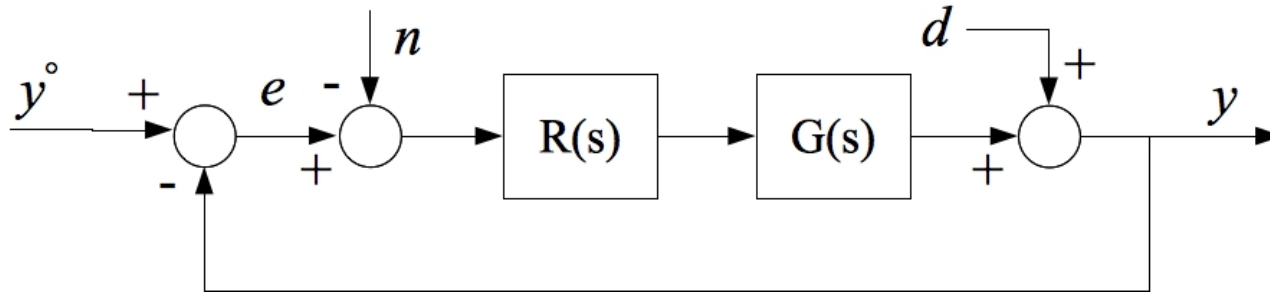
Prestazioni statiche in condizioni nominali: si vuole che, a regime, $y^0 = y$ (oppure $|y - y^0|$ sia limitato) per particolari ingressi y^o , d e n
- **Esempi importanti:** segnali canonici e sinusoidali

Prestazioni dinamiche in condizioni nominali: specifiche sul comportamento del sistema nel transitorio per particolari ingressi y , n e d (di solito scalini e sinusoidi)

- risposta a $y^0(t) = sca(t)$. Tipici indici di prestazione: T_a , T_s e $S\%$
- risposta a $d(t)$ e $n(t)$. Si vuole che variazioni di $y(t)$ siano "contenute"
- moderazione della variabile di controllo $u(t)$: evitare che $u(t)$ subisca brusche variazioni (danneggiamento degli attuatori) o assuma valori eccessivi (gli attuatori saturano o il sistema esce dalla regione di validità del modello linearizzato)

Prestazioni statiche e dinamiche in condizioni perturbate (prestazioni robuste) ...

Nel seguito ...



Problemi di analisi : come caratterizzare stabilità e prestazioni di un sistema di controllo

Problemi di sintesi: come progettare il regolatore in modo che il sistema di controllo verifichi delle specifiche assegnate in termini di stabilità e prestazioni

- **Osservazione**: se le specifiche sono troppo stringenti il problema di sintesi può non avere soluzione !